

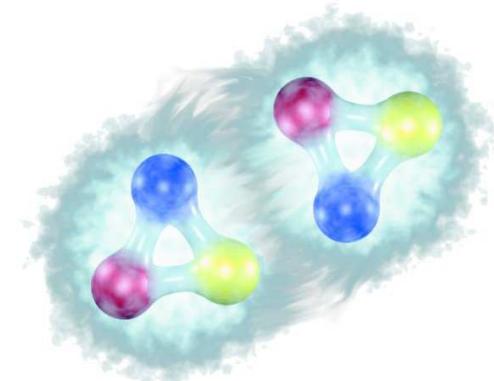
*Struktur und Dynamik exotischer Kerne*

# Neue theoretische Konzepte der Kernstrukturphysik



Robert Roth

Institut für Kernphysik  
Technische Universität Darmstadt



# Aktuelle Herausforderungen

**REX-ISOLDE,  
RISING, AGATA...**

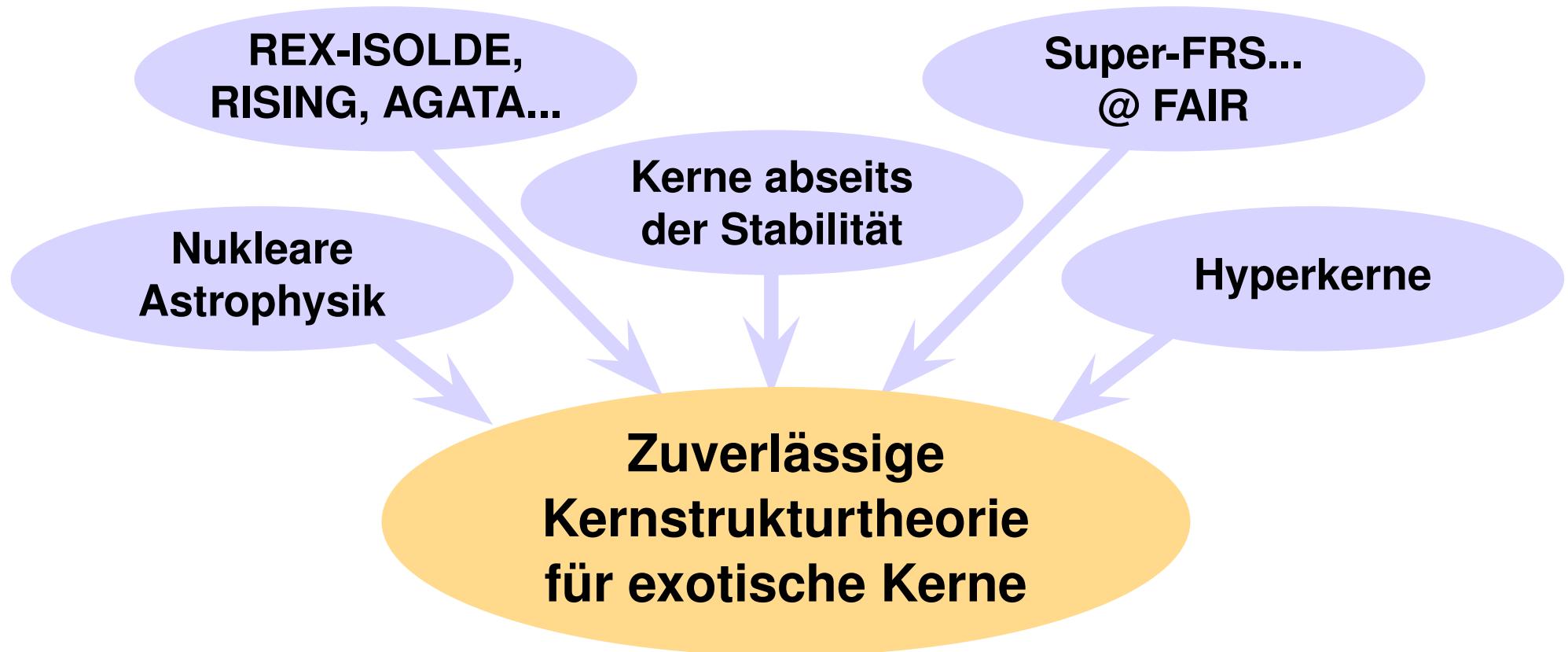
**Nukleare  
Astrophysik**

**Kerne abseits  
der Stabilität**

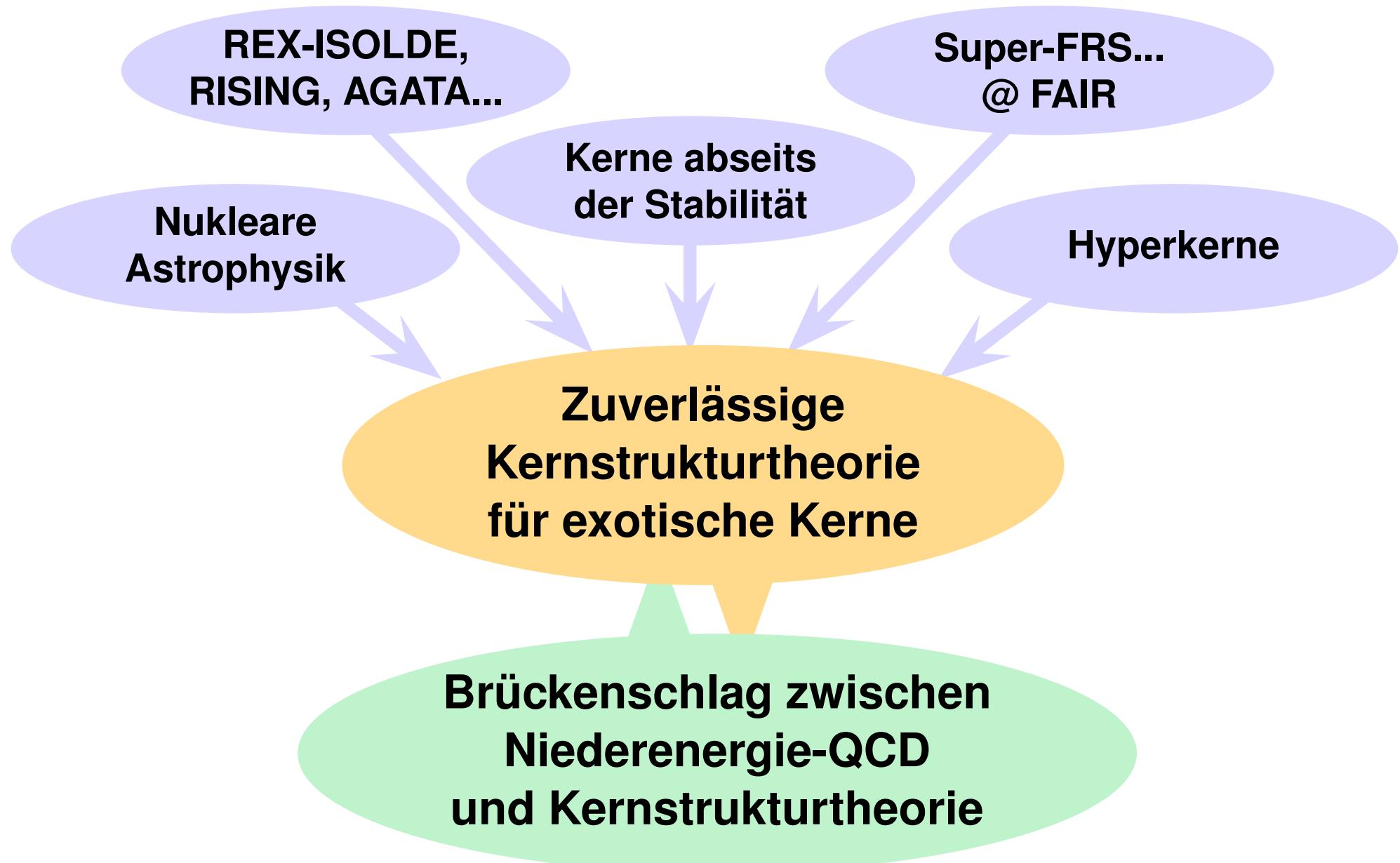
**Super-FRS...  
@ FAIR**

**Hyperkerne**

# Aktuelle Herausforderungen



# Aktuelle Herausforderungen



# Moderne Kernstrukturtheorie

## Kernstruktur

*ab initio*  
Methoden

Vielteilchen-  
modelle

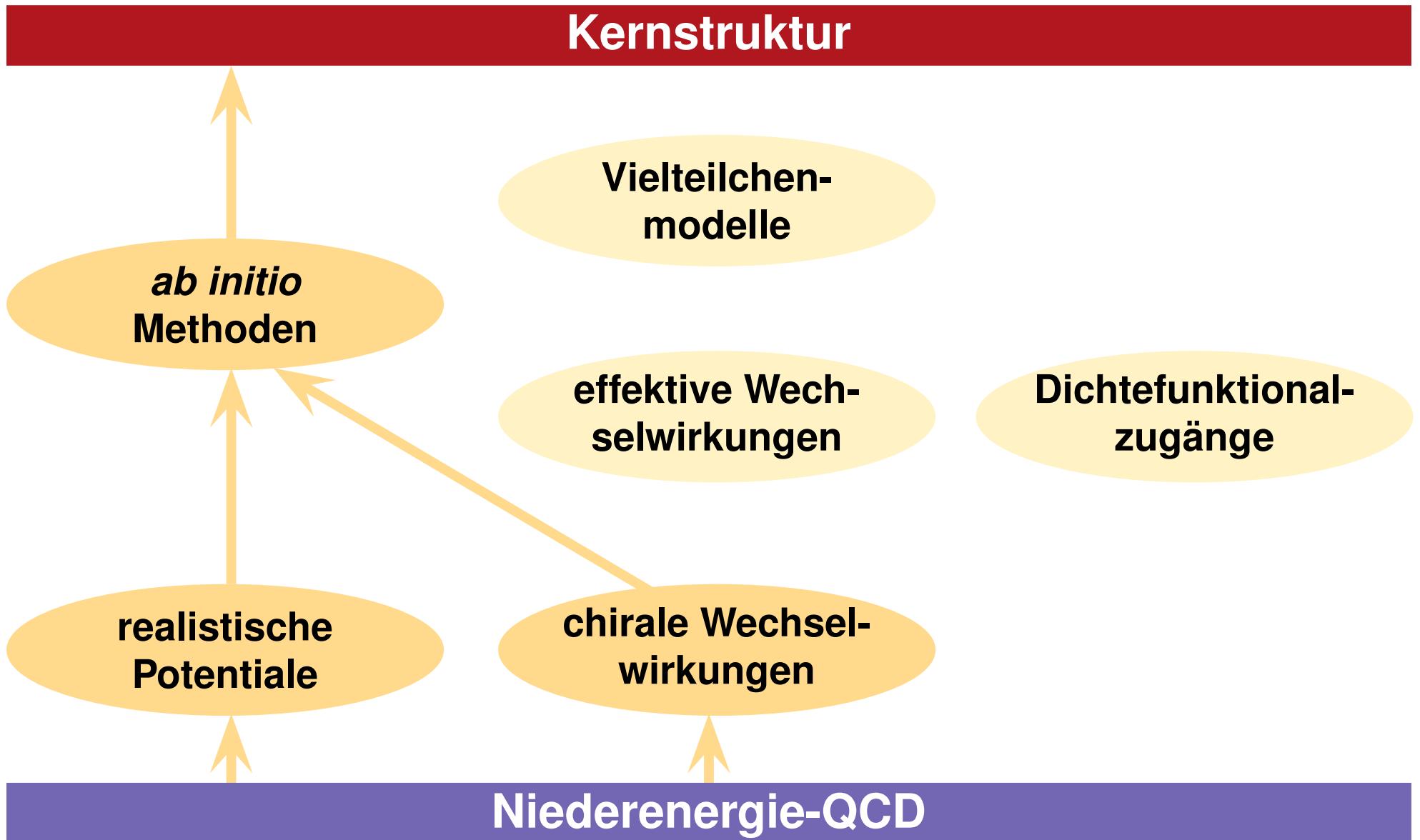
realistische  
Potentiale

chirale Wechsel-  
wirkungen

Dichtefunktional-  
zugänge

## Niederenergie-QCD

# Moderne Kernstrukturtheorie



# Realistische Wechselwirkungen

## ■ NN-Potential

- QCD motiviert: Mesonenaustauschbild
- Phänomenologie: kurzreichweitiges Verhalten
- exp. Zweinukleondaten (Streuphasen & Deuteron) mit hoher Genauigkeit reproduziert

Argonne V18

CD Bonn

Nijmegen I/II

# Realistische Wechselwirkungen

## ■ NN-Potential

- QCD motiviert: Mesonenaustauschbild
- Phänomenologie: kurzreichweitiges Verhalten
- exp. Zweiukleondaten (Streuphasen & Deuteron) mit hoher Genauigkeit reproduziert

Argonne V18

CD Bonn

Nijmegen I/II

Argonne V18 +  
Illinois 2

CD Bonn +  
Tuscon  
Melbourne

## ■ NNN-Potential

- Phänomenologische Ergänzung des Zweiteilchenpotentials
- Einfachste Drei-Nukleonen-Prozesse
- Anpassung an Bindungs- & Anregungsenergien leichter Kerne

# Chirale Wechselwirkungen

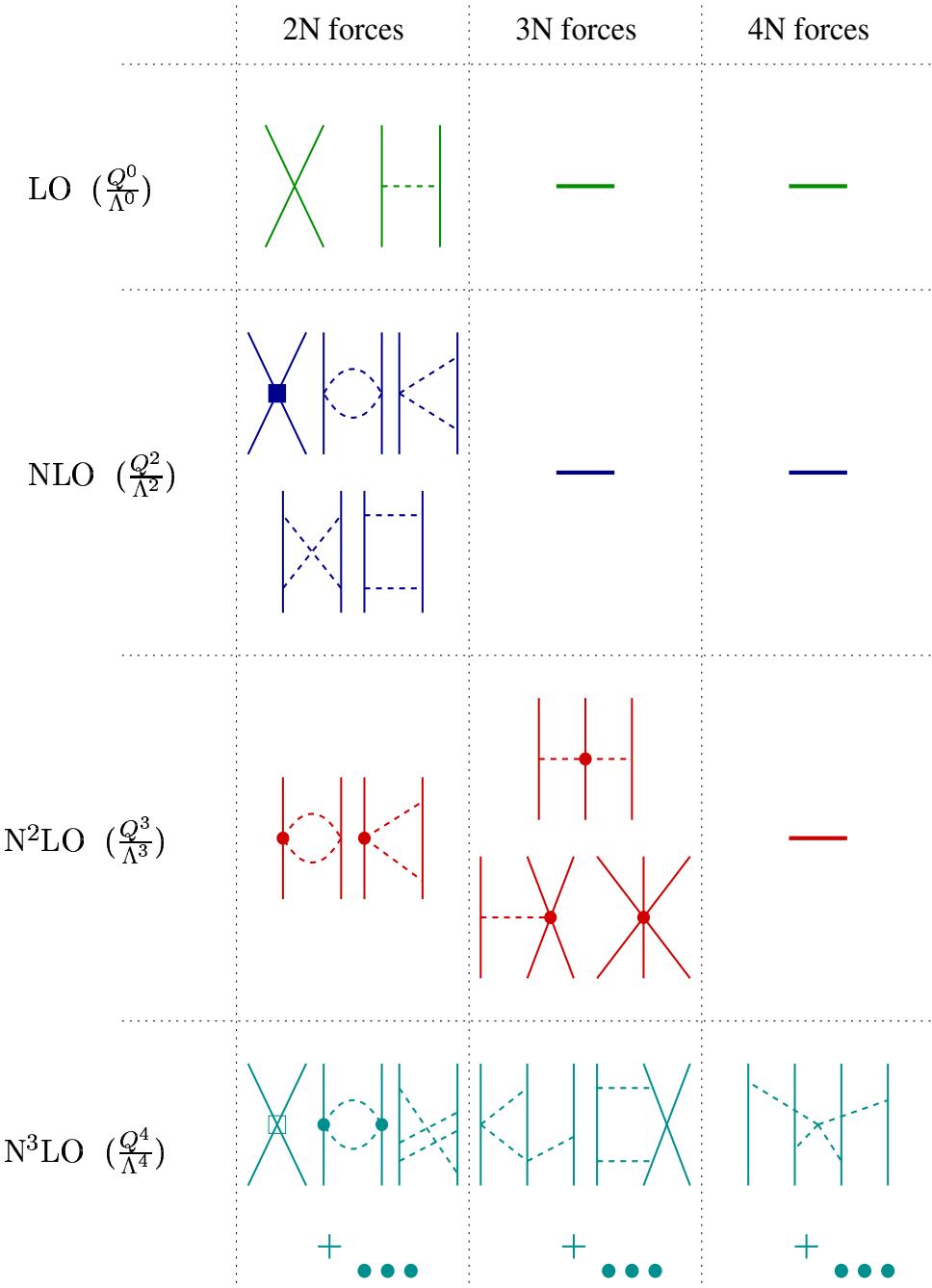
- chirale effektive Feldtheorie für  $(\pi, N)$ -System
- langreichweite Pionen-Dynamik explizit behandelt
- kurzreichweite Dynamik in Kontakttermen absorbiert
- Niederenergiekonstanten angepaßt an experimentelle Daten ( $NN$ ,  $\pi N$ , ...)
- konsistente Ableitung von NN- & NNN-Wechselwirkungen (inkl. elektromag. Ströme)

U.-G. Meißner  
W. Glöckle  
A. Nogga...

# Chirale Wechselwirkungen

- chirale effektive Feldtheorie für  $(\pi, N)$ -System
- langreichweite Pionen-Dynamik explizit behandelt
- kurzreichweite Dynamik in Kontakttermen absorbiert
- Niederenergiekonstanten angepaßt an experimentelle Daten ( $NN$ ,  $\pi N$ , ...)
- konsistente Ableitung von NN- & NNN-Wechselwirkungen (inkl. elektromag. Ströme)

U.-G. Meißner  
W. Glöckle  
A. Nogga...



[Meißner, NPA 751 (2005) 149c]

# *Ab initio* Methoden

**exakte Lösung des quantenmechanischen Vielteilchenproblems mit realistischen Wechselwirkungen**

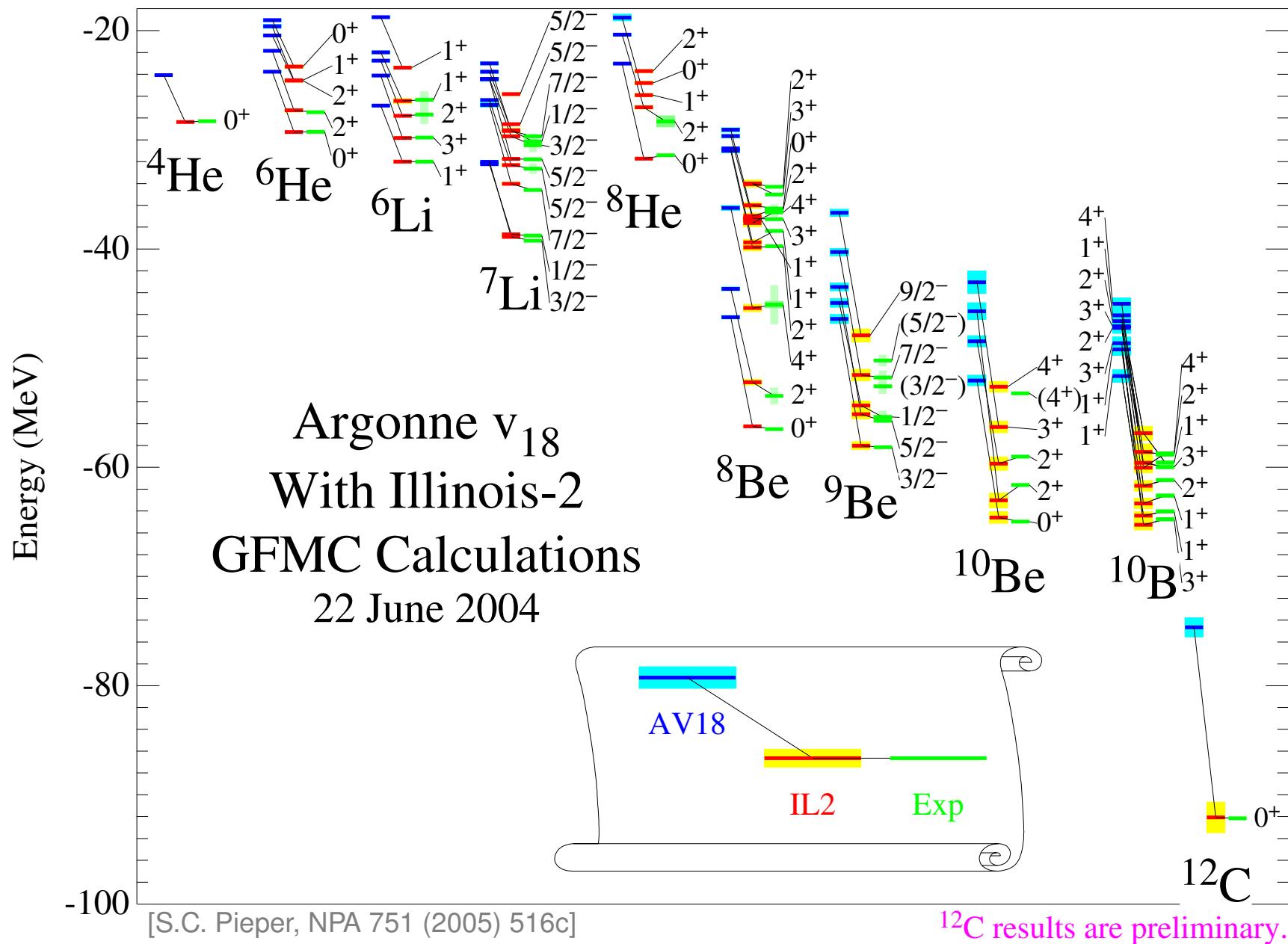
## ■ Quanten-Monte-Carlo-Methoden

- Variational Monte Carlo: Energieminimierung mit Vielteilchen-Versuchswellenfunktion
- Green's Function Monte Carlo: Propagation in imaginärer Zeit

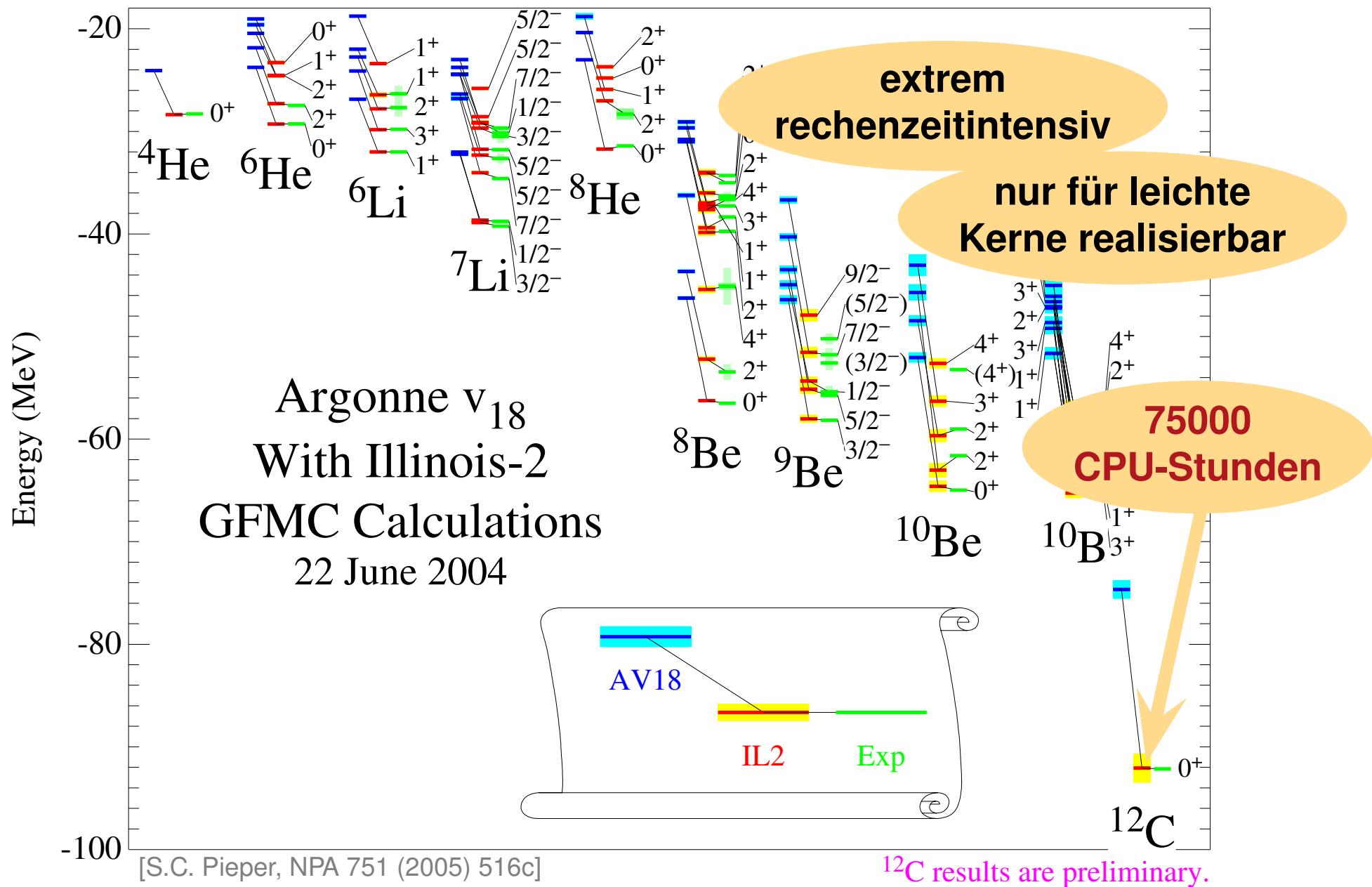
## ■ No-Core Schalenmodell

- großskalige Schalenmodell-Diagonalisierung & Lee-Suzuki-Transformation

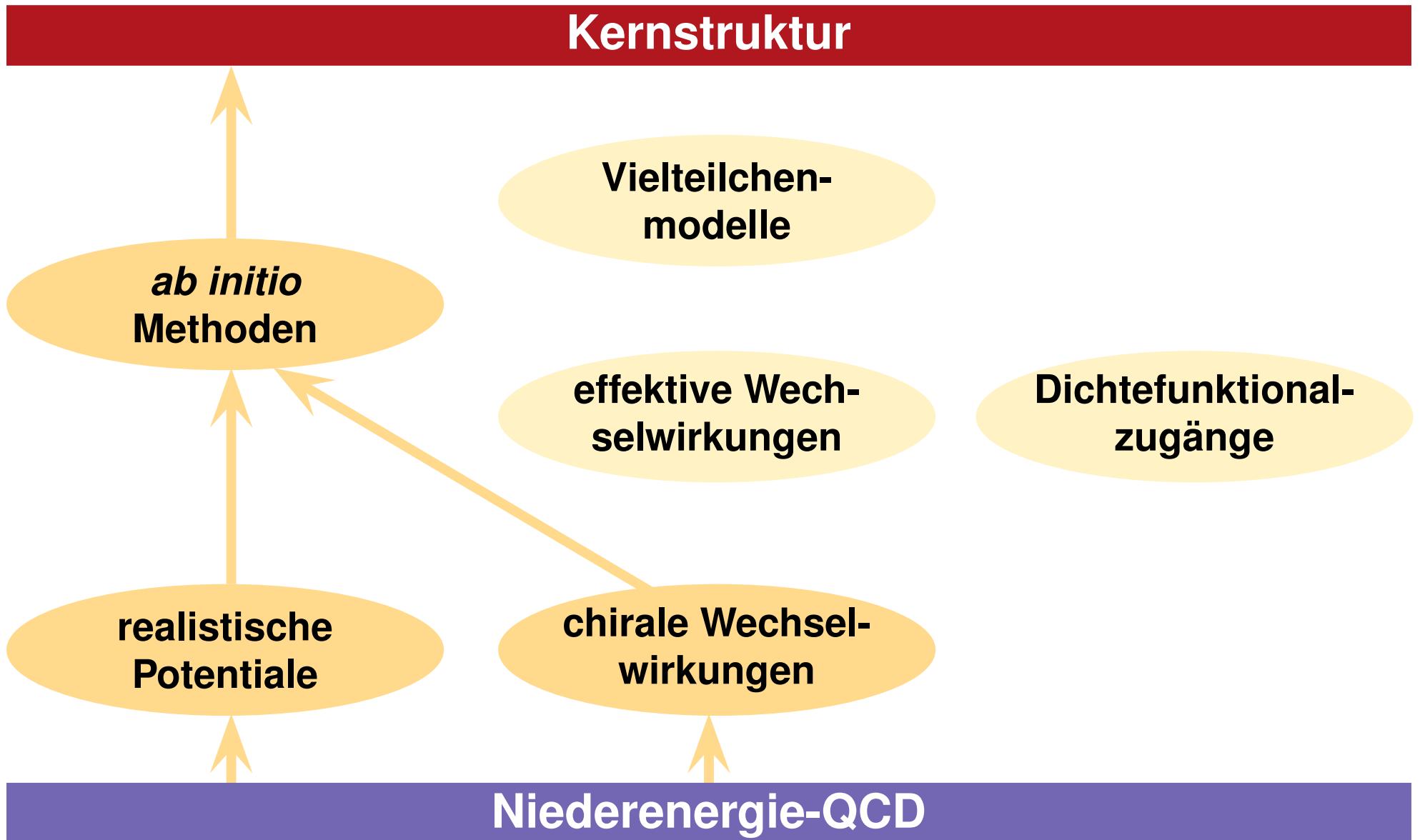
# Green's Function Monte Carlo



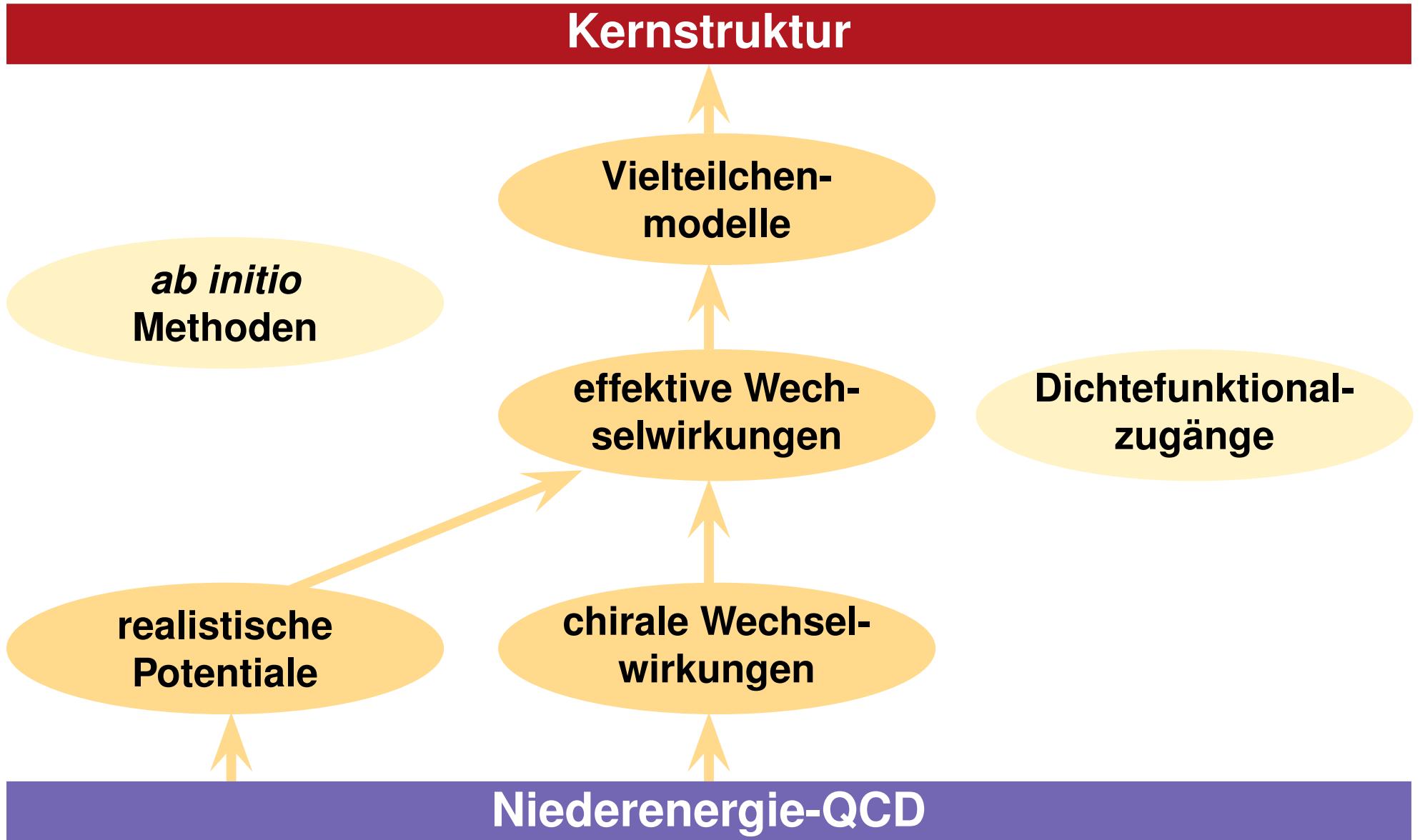
# Green's Function Monte Carlo



# Moderne Kernstrukturtheorie



# Moderne Kernstrukturtheorie



# Effektive Wechselwirkungen

Anpassung der Ww.  
an eingeschränkte Hilberträume  
durch streuphasenerhaltende  
Transformation

## ■ Niederimpuls-Wechselwirkung — $V_{\text{low}k}$

- Renormierungsgruppenreduktion auf Niederimpuls-Ww. & Entkopplung der Beiträge zu hohen Impulsen

A. Nogga  
H. Müther  
J. Wambach

## ■ Unitär korrelierte Wechselwirkung — $V_{\text{UCOM}}$

- unitäre Transformation zur expliziten Beschreibung kurzreichweiter Zentral- und Tensorkorrelationen
- zustands- & basisunabhängige Operatordarstellung

H. Feldmeier  
T. Neff  
R. Roth

# Universelle Vielteilchenmodelle

**Lösung des Vielteilchenproblems  
in eingeschränktem Hilbertraum  
mit effektiven Wechselwirkungen**

## ■ Hartree-Fock, RPA, Schalenmodell etc.

- streuphasenäquiv. effektive Wechselwirkungen als universelle Basis

K. Langanke  
H. Müther  
H. Lenske  
J. Wambach  
R. Roth

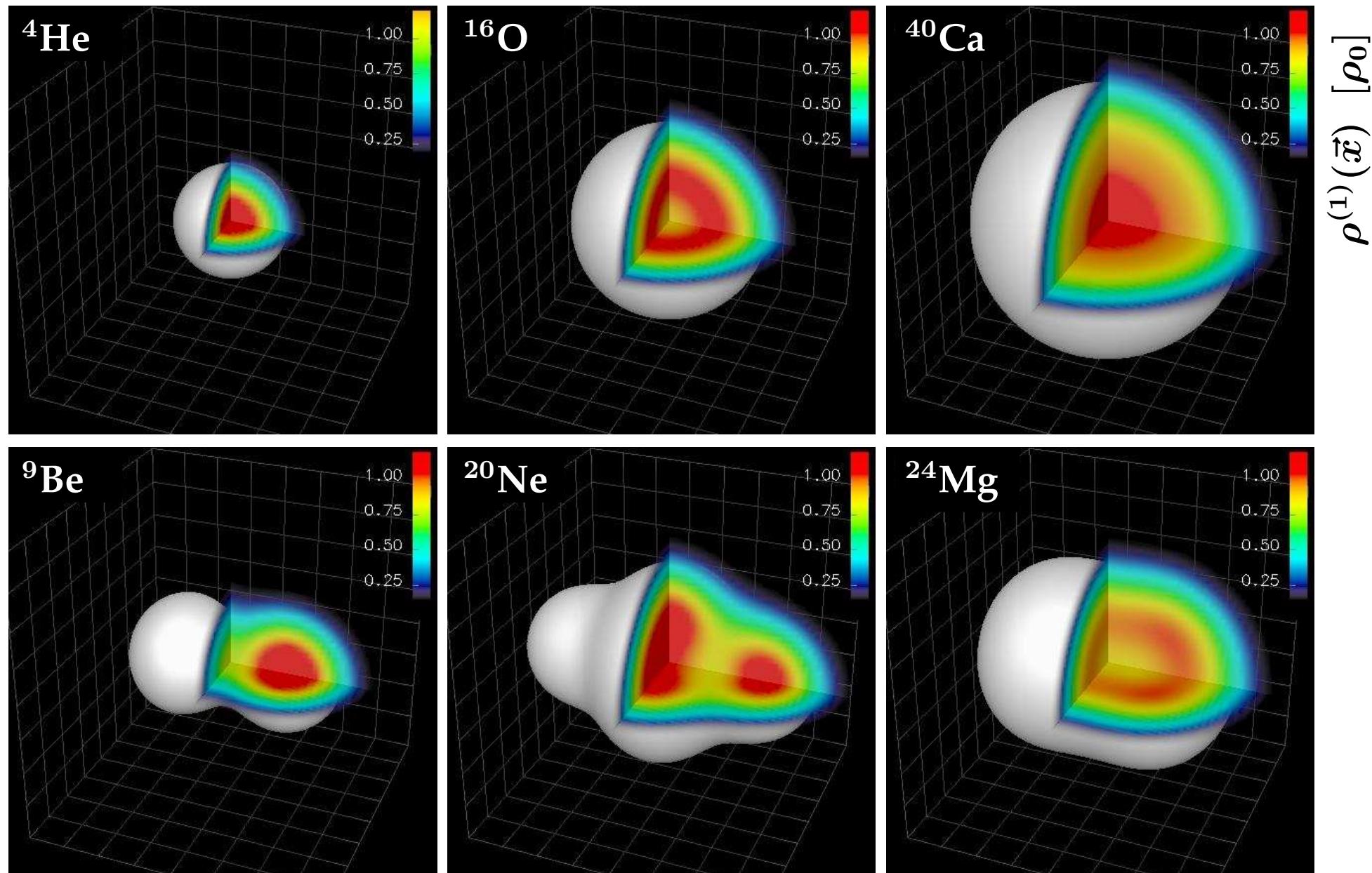
...

## ■ Fermionische Molekulardynamik (FMD)

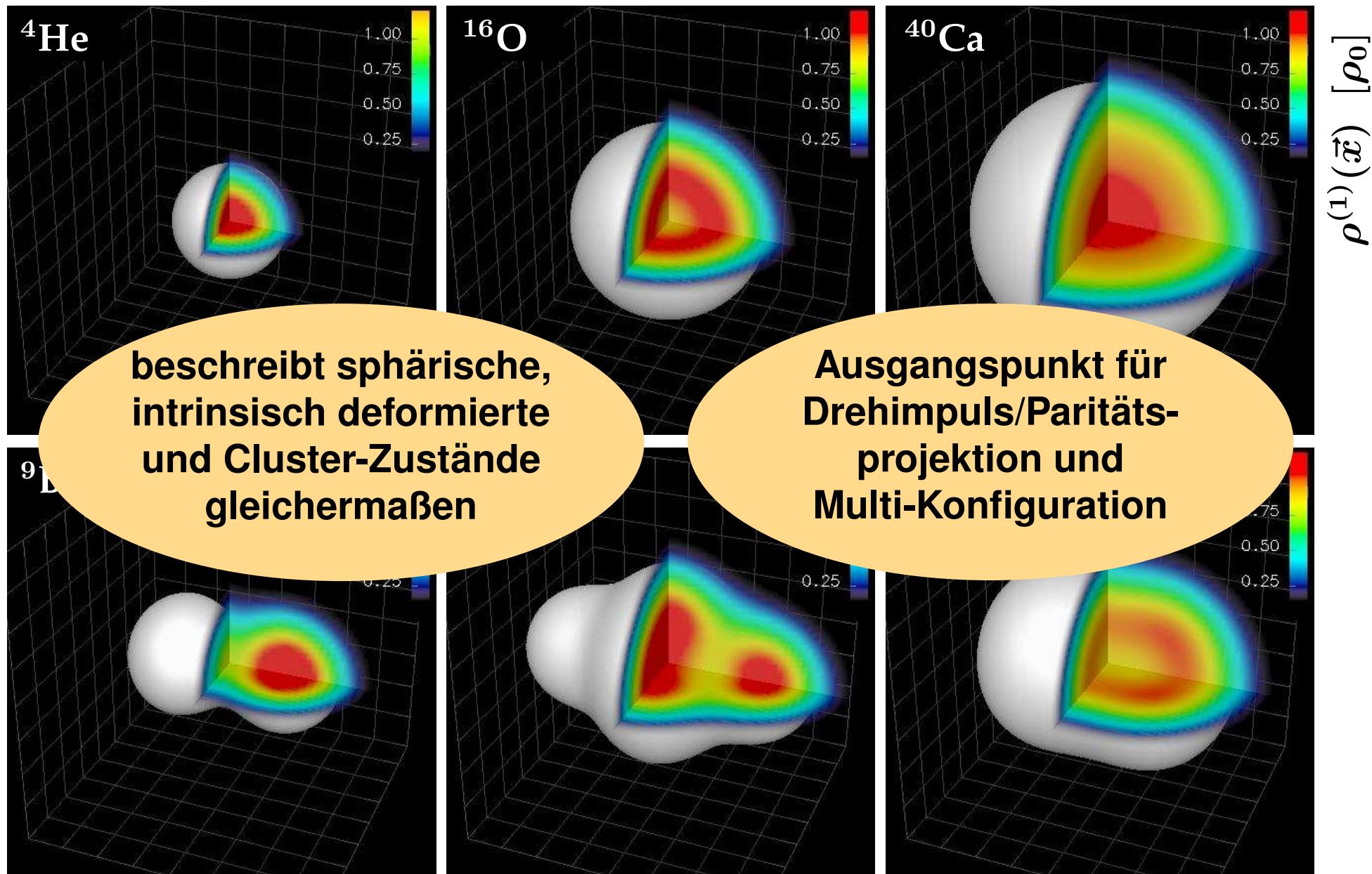
- nicht-orthogonale gaußsche Basis (sphärische Zustände, intrinsische Deformation, Cluster)
- Variation, Projektion, Multi-Konfiguration

H. Feldmeier  
T. Neff  
R. Roth

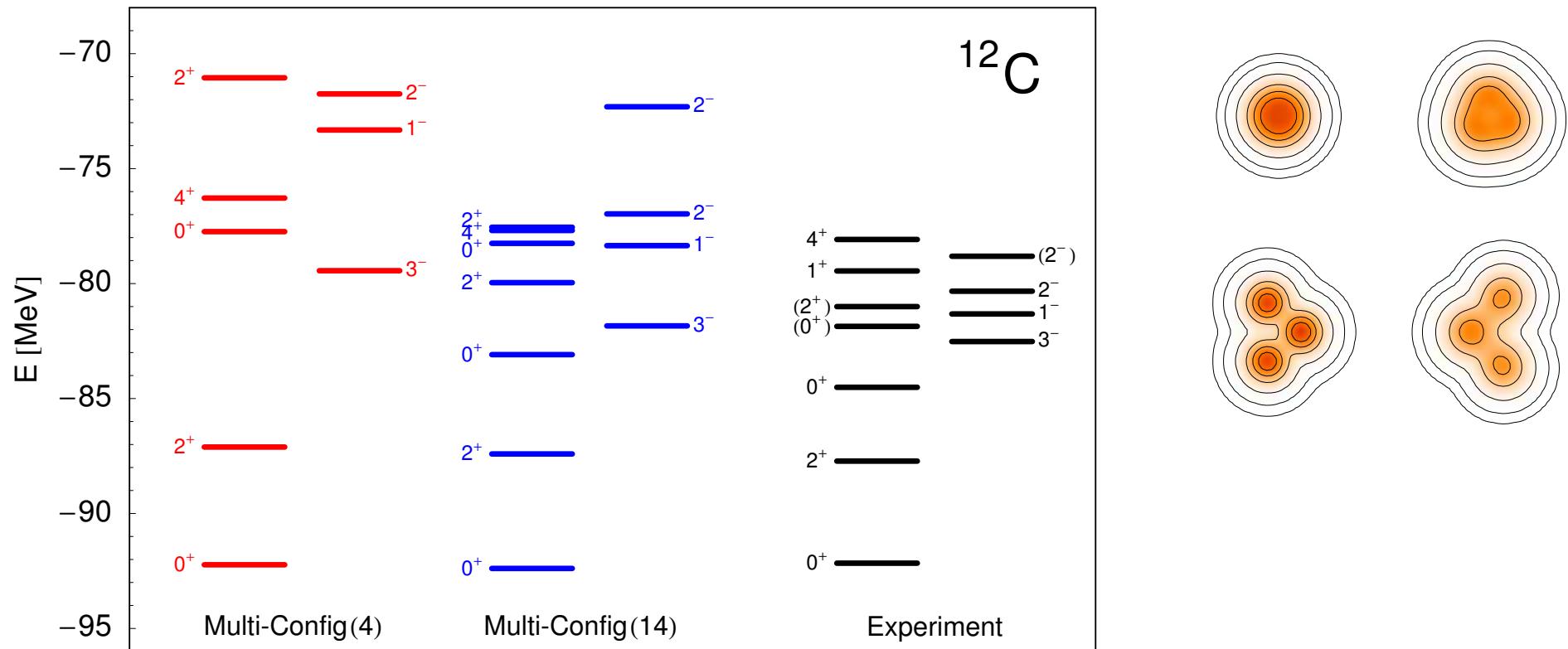
# FMD: Intrinsische Dichteverteilungen



# FMD: Intrinsische Dichteverteilungen

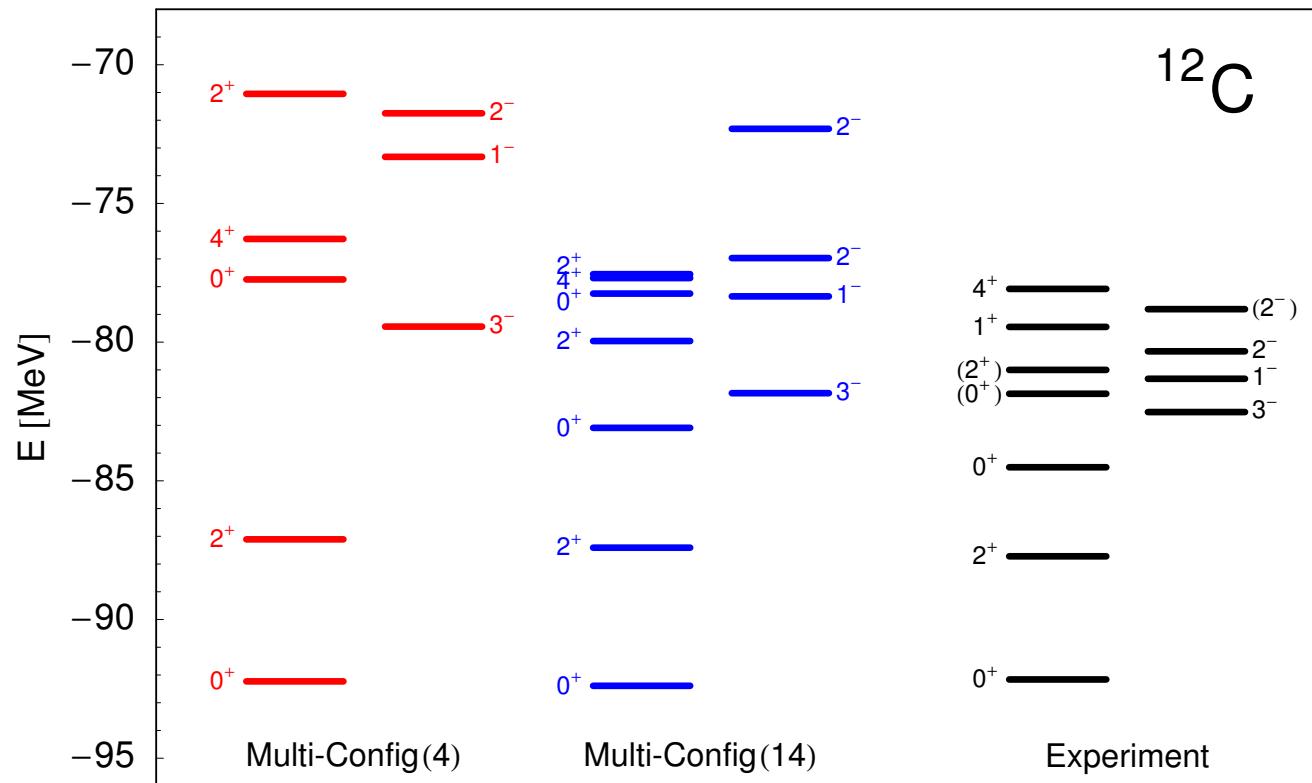


# FMD: Struktur von $^{12}\text{C}$

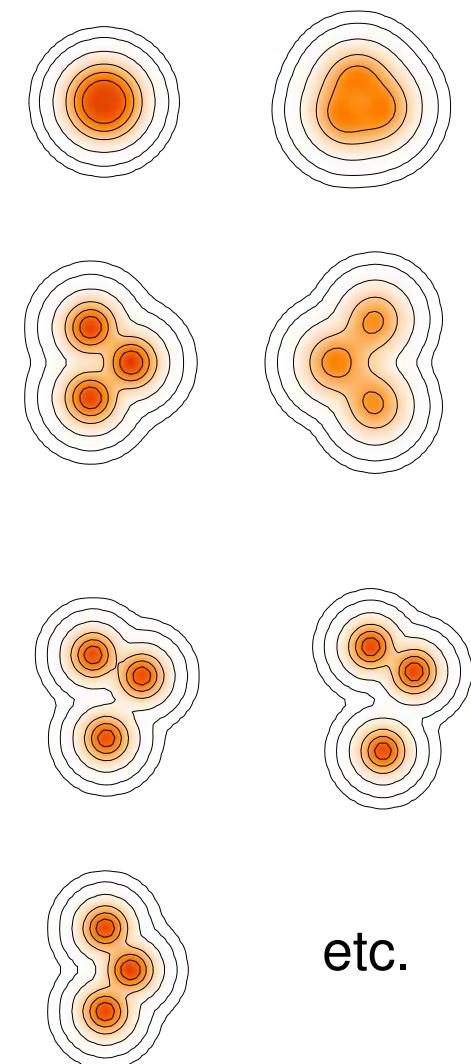


	Multi-Config	Experiment
$E$ [ MeV]	92.4	92.2
$R_{\text{ch}}$ [ fm]	2.52	2.47
$B(E2, 0_1^+ \rightarrow 2_1^+) [e^2 \text{ fm}^4]$	42.9	$39.7 \pm 3.3$
$M(E0, 0_1^+ \rightarrow 0_2^+) [\text{fm}^2]$	5.67	$5.5 \pm 0.2$

# FMD: Struktur von $^{12}\text{C}$

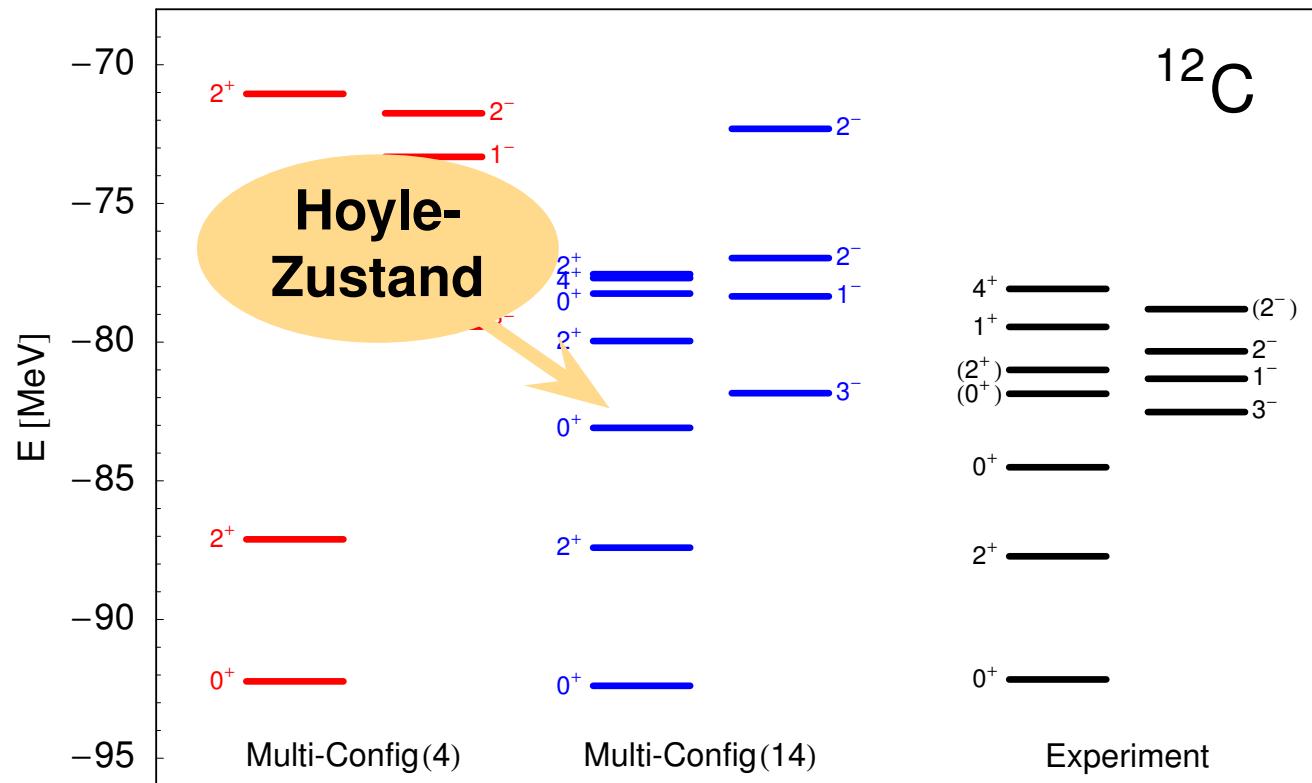


$^{12}\text{C}$

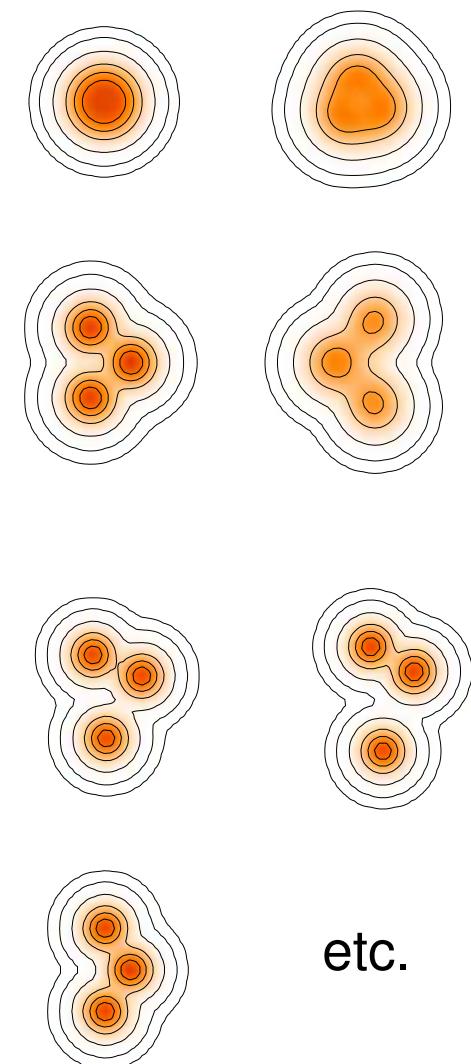


	Multi-Config	Experiment
$E$ [MeV]	92.4	92.2
$R_{\text{ch}}$ [fm]	2.52	2.47
$B(E2, 0_1^+ \rightarrow 2_1^+) [e^2 \text{ fm}^4]$	42.9	$39.7 \pm 3.3$
$M(E0, 0_1^+ \rightarrow 0_2^+) [\text{fm}^2]$	5.67	$5.5 \pm 0.2$

# FMD: Struktur von $^{12}\text{C}$



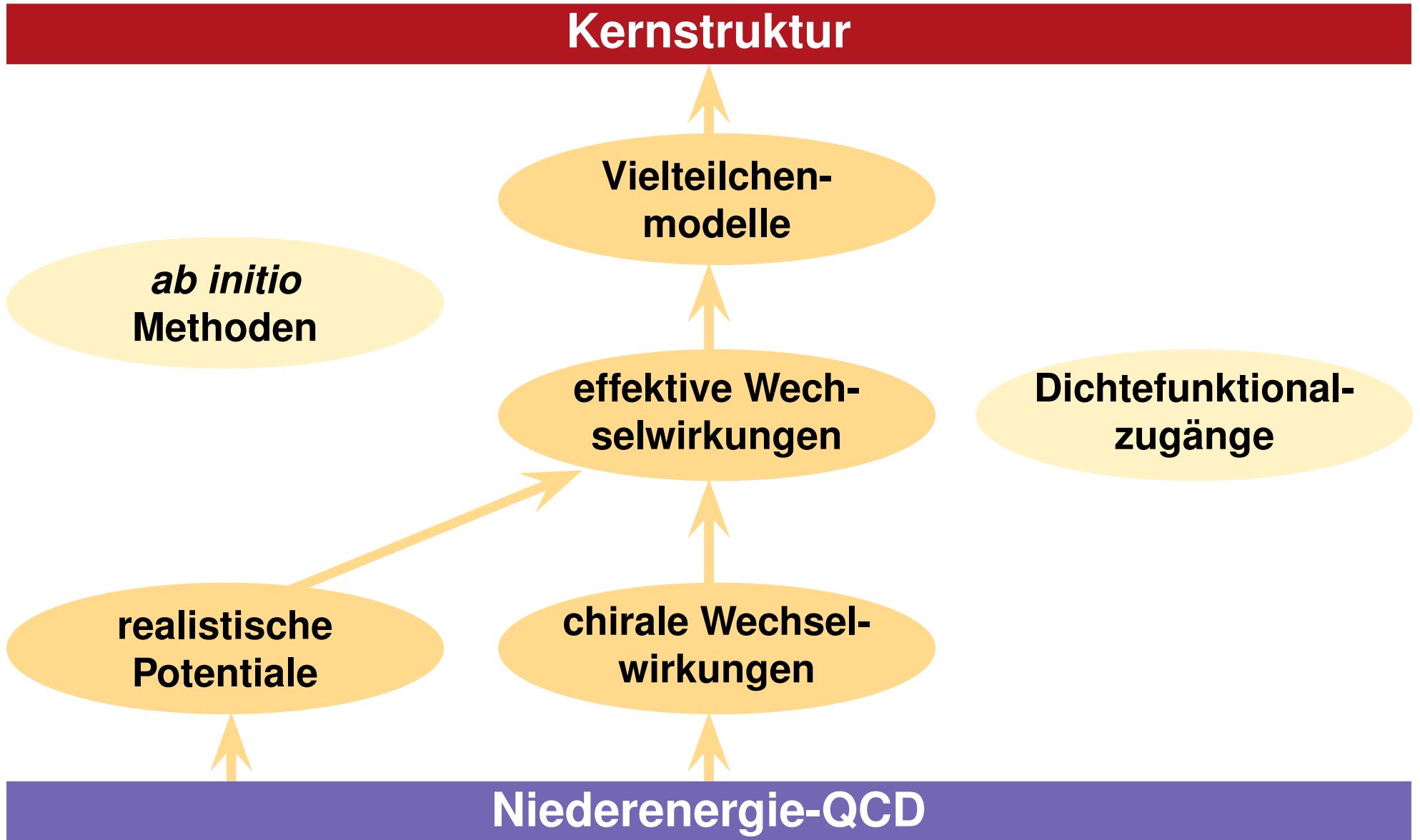
$^{12}\text{C}$



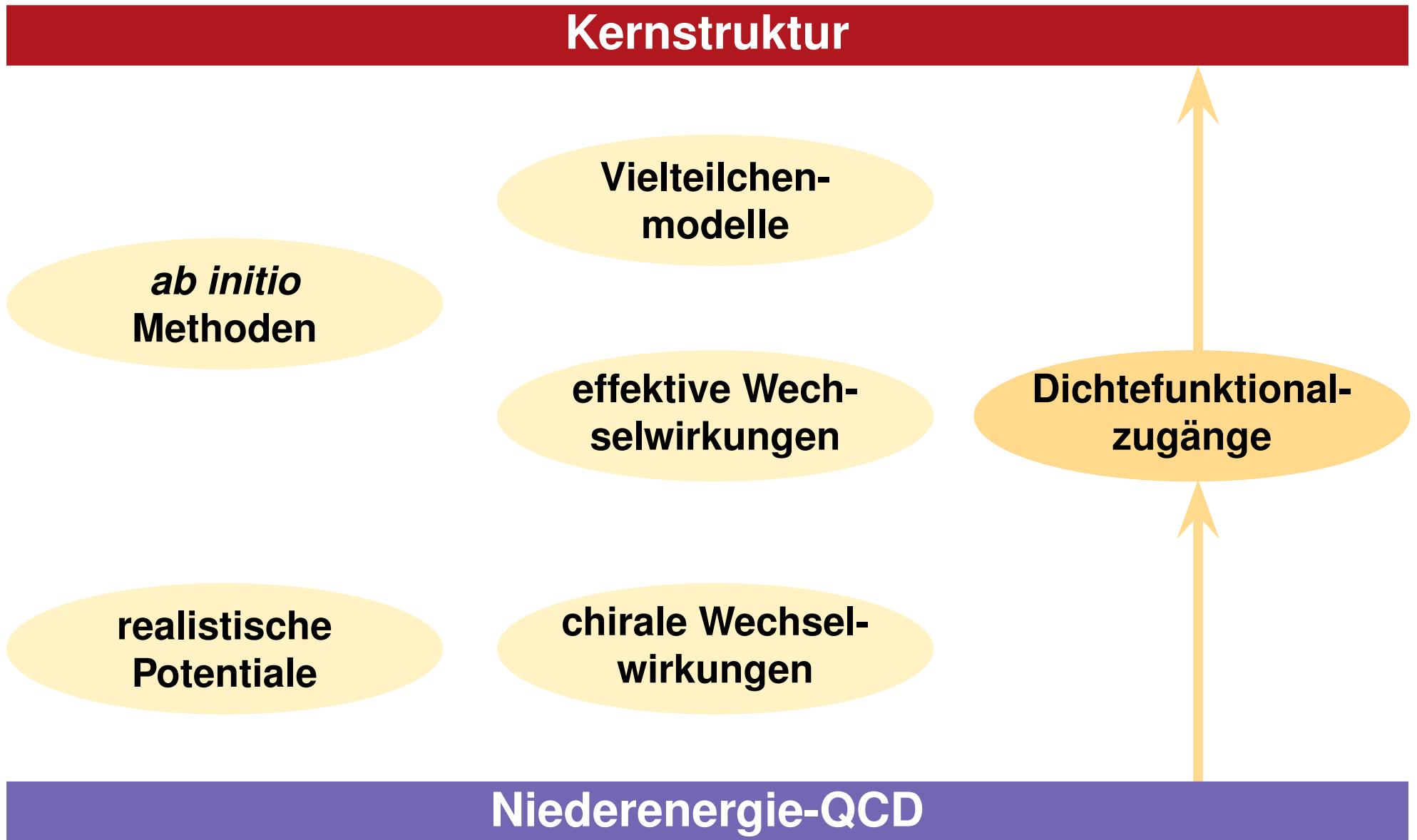
etc.

	Multi-Config	Experiment
$E$ [MeV]	92.4	92.2
$R_{\text{ch}}$ [fm]	2.52	2.47
$B(E2, 0_1^+ \rightarrow 2_1^+) [e^2 \text{ fm}^4]$	42.9	$39.7 \pm 3.3$
$M(E0, 0_1^+ \rightarrow 0_2^+) [\text{fm}^2]$	5.67	$5.5 \pm 0.2$

# Moderne Kernstrukturtheorie



# Moderne Kernstrukturtheorie



# Dichtefunktionalzugänge

**Dichtefunktionalmethoden zur  
Beschreibung von Kernen auf Basis  
eines (phänom.) Energiefunktional**

## ■ Relativistische Mean-Field-Modelle

- eff. Lagrangian mit verschiedenen Mesonenbeiträgen & dichteabhängiger Kopplung
- Parameter angepaßt an experimentelle Daten oder unabhängige Kernmaterierechnungen

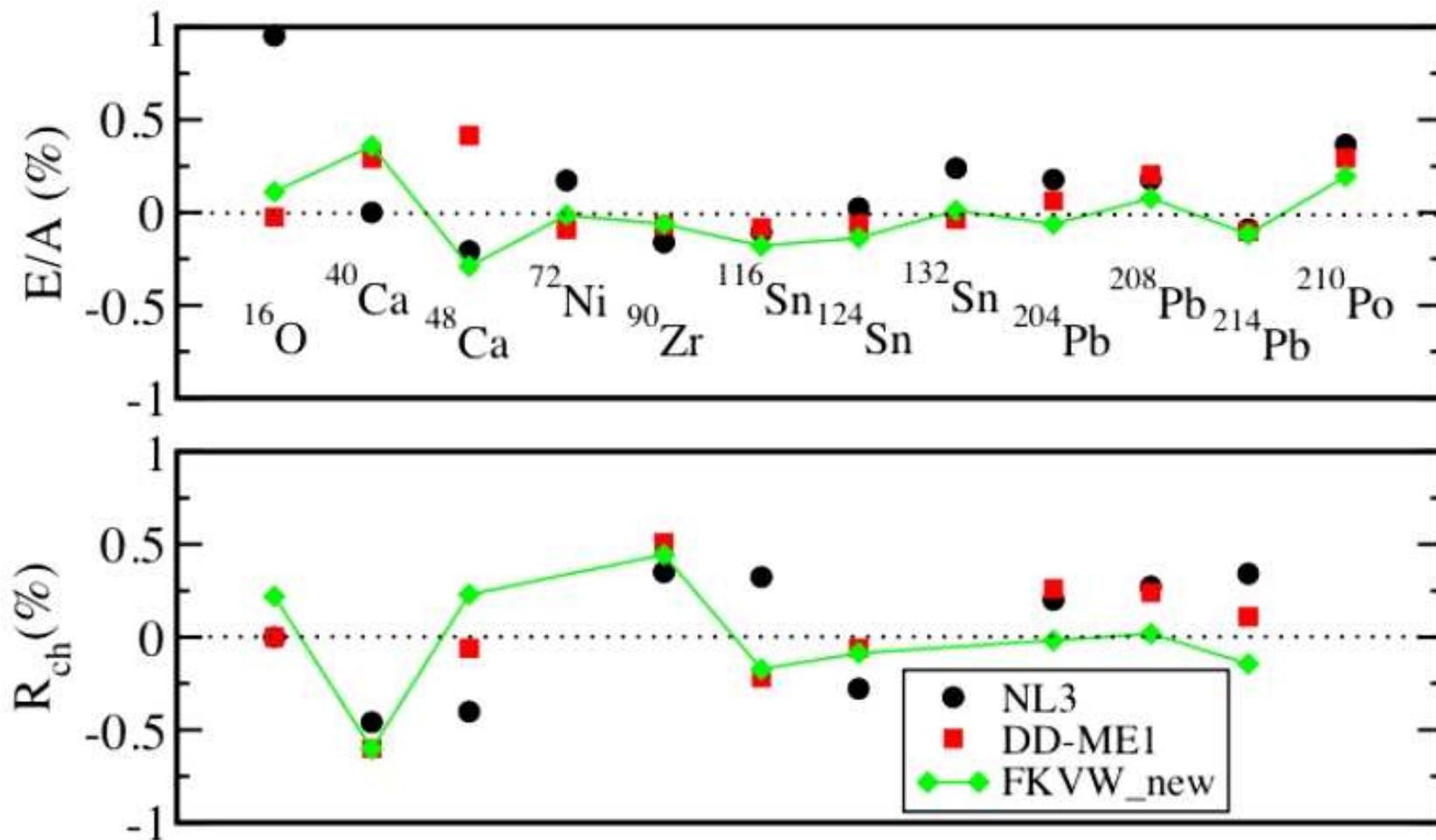
P. Ring  
H. Lenske  
H. Wolter  
J. Maruhn  
P.G. Reinhardt  
...

## ■ Chirale effektive Feldtheorie

- Energiefunktional konstruiert mittels chiraler effektiver Feldtheorie & QCD Summenregeln

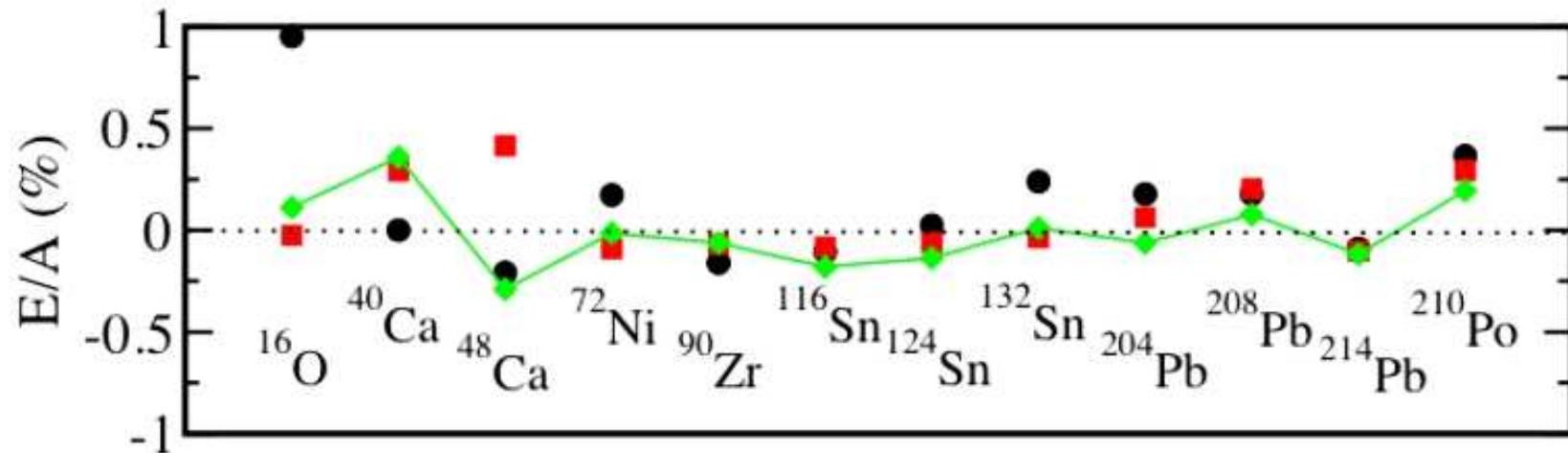
W. Weise  
N. Kaiser  
U.-G. Meißner  
...

# Chirale effektive Feldtheorie

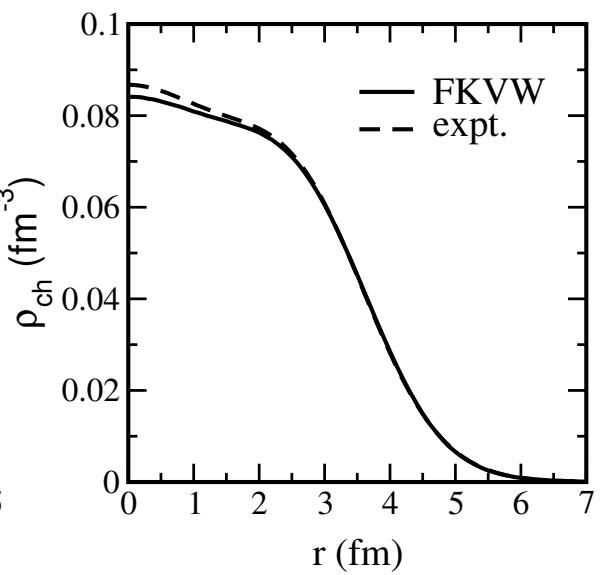
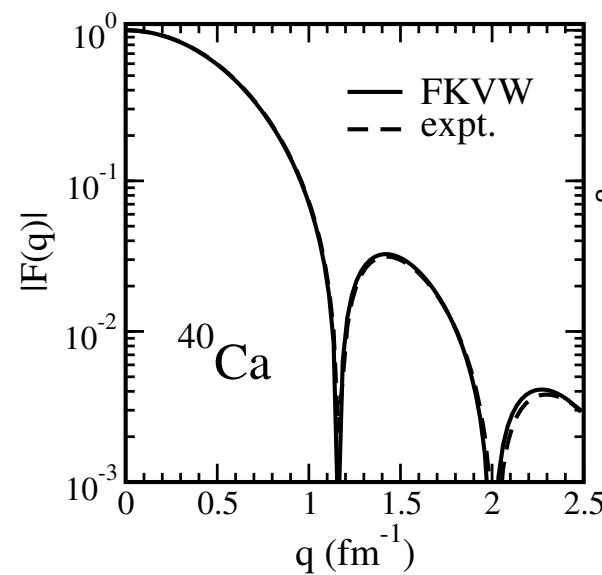
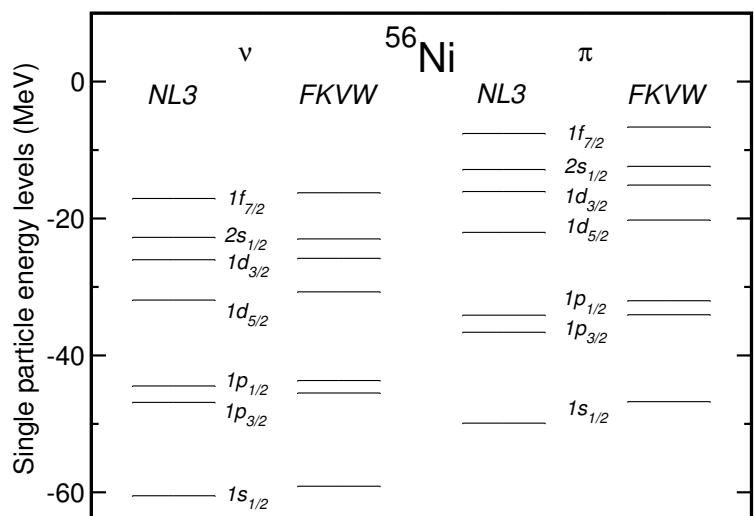


[Finelli, Kaiser, Vretenar, Weise  
NPA 735 (2004) 449 & priv. comm.]

# Chirale effektive Feldtheorie



[Finelli, Kaiser, Vretenar, Weise  
NPA 735 (2004) 449 & priv. comm.]



# Perspektiven

- **Weiterentwicklung innovativer, zukunftsweisender Konzepte der Kernstrukturtheorie:**

- chirale Wechselwirkungen (NN + NNN)
- effektive streuphasenäquivalente Ww. ( $V_{\text{low } k}$ ,  $V_{\text{UCOM}}$ )
- vielseitige Vielteilchenmodelle (FMD, ...)
- Energiefunktionale aus (chiralen) effektiven Feldtheorien

- **Anwendung auf Kerne abseits der Stabilität, Hyperkerne, astrophysikalische Reaktionen, ...**

- **Aufregende Zeiten für die Kernstrukturtheorie!**